

Хамгийн бага квадратын аргаар шугаман хамаарлын тооцоолол хийхэд LINEST функцийг хэрэглэх нь

П.Оюунбаяг (Ph.D), МУИС-ийн, ЭЗС-ийн багш

Хамгийн бага квадратын аргаар шугаман хамаарлын коэффициентуудыг холбогдох статистик утгуудын хамт тооцоолох нь нэлээд математик бодолтой байдгийг бид мэднэ. Харин энэхүү тооцооллыг маш хялбараар хийж болох боломжийг бидэнд EXCEL системийн LINEST функц олгоно. Энд $y = m*x + b$ нэг хувьсагчийн функцэн хамааралтай, эсвэл $y = m1*x1 + m2*x2 + \dots + b$ олон хувьсагчийн функцэн хамааралтай тэгшигтэлийн хувьд (энд y - нь хамааран хувьсагч, x - нь үл хамааран хувьсагч, m - нь коэффициентүүд, b - нь тогтмол хэмжигдэхүүн юм.) LINEST функцийн утга нь $\{m_1, m_{n-1}, \dots, m_1, b\}$ массив байна.

Const - нь тогтмол хэмжигдэхүүнийг тооцох, эсвэл үгүйг заасан логик утга байна. const нь TRUE утгатай, эсвэл орхигдсон байвал b сүл гишүүн тооцогдоно, харин const нь FALSE бол $b = 0$ буюу сүл гишүүн тооцогдохгүй.

Stats - нь нэмэлт статистик утгууд тооцох, эсвэл үгүйг заасан логик утга байна. stats нь FALSE, эсвэл орхигдсон бол зөвхөн m - коэффициентүүд, b тогтмол хэмжигдэхүүн л тооцогдоно. Харин stats нь TRUE бол доорхи хүснэгтэнд байгаа нэмэлт статистик утгууд тооцогдож, LINEST функцийн утга $\{m_1, m_{n-1}, \dots, m_1, b; s_{e1}, s_{e2}, \dots, s_{e1}, s_{b}; r^2, s_{ey}; F, df, ss_{reg}, ss_{resid}\}$ гэсэн массив болж өргөжине.

Статистик	Бодолтын утга
$s_{e1}, s_{e2}, \dots, s_{en}$	m_1, m_2, \dots, m_n коэффициентуудын стандарт алдаа
S_{eb}	Сүл гишүүн b - ийн стандарт алдаа (const нь FALSE тохиолдолд $s_{eb} = \#N/A$ байна)
r^2	Детерминациийн коэффициент.
S_{ey}	Үзүүлэгдсэн y - ийн стандарт алдаа.
F	F - ажиглалтын утга.
Df	Чөлөөний зэрэг.
S_{reg}	Квадратуудын регресс нийлбэр.
S_{resid}	Квадратуудын резидиал нийлбэр.

Функцийн ерөнхий синтакс нь : LINEST($known_y's$, $known_x's$, const, stats) юм.

Энд :

$Known_y's$ - нь хамаарал дахь Y - ийн утгууд байна.

$Known_x's$ - нь хамаарал дахь X - ийн утгууд юм. $known_x's$ массивт нэг болон хэд хэдэн хувьсагчийн массив байж болно. $known_x's$ нь орхигдож болох бөгөөд энэ тохиолдолд $Known_x's$ - ийн

утгыг $known_y's$ - тэй ижил хэмжээстэй $\{1, 2, 3, \dots\}$ массив гэж тооцдог байна.

Одоо энэ функцийг ашигласан олон хэмжээст шугаман регресс бодох жишээ авч үзье.

Нэгэн аж ахуй эрхлэгч бизнесийн дүүрэгт жижиг аж ахуй эрхлэхээр тухайн дүүргийнхний худалдан авах чадварт тохирсон барилга сонгохоор зорьжээ. Энэ зорилгодоо хүрэхийн тулд олон хэмжээст шугаман регрессийн шинжилгээг дараах хувьсагчууд дээр үндэслэн үнэлэх болжээ.

Хувьсагч	Агуулга
Y	Аж ахуйн барилгын үзүүлэгдсэн утга
x_1	Талбайн хэмжээ
x_2	Өрөөний тоо
x_3	Хонгилийн тоо
x_4	Барилгын здэлгээний хугацаа

Ингэхдээ хамааран хувьсагч (x_1 , x_2 , x_3 , x_4) болон үл хамааран хувьсагч (y) ийн утгууд шулуун шугаман хамааралтай гэж таамаглажээ. Тэрээр боломжтой 1500 барилгаас доорхи үзүүлэлттэй 11 барилгын загварыг сонгон авч тооцоондоо ашиглажээ.

Үүний дунд энэ бодолтын хариу доорхи байдлаар гарчээ.

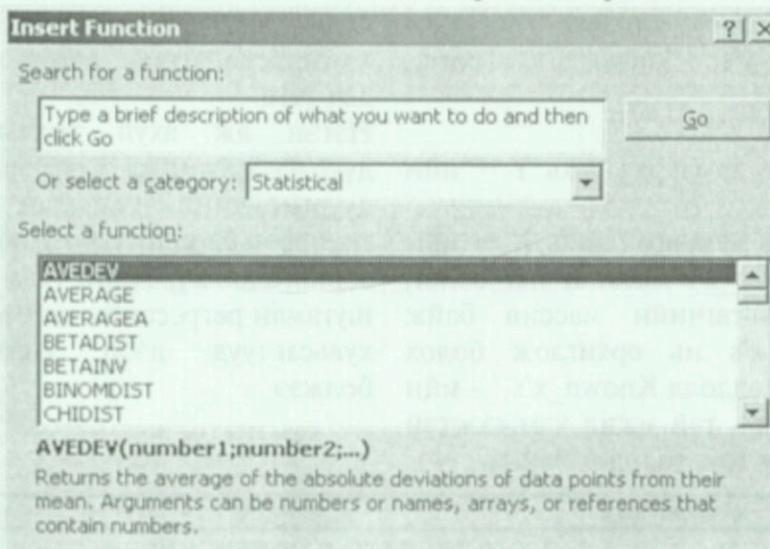
Одоо бид олон хэмжээст регрессийн тэгшитгэл $y = m_1 \cdot x_1 + m_2 \cdot x_2 + m_3 \cdot x_3 + m_4 \cdot x_4 + b$ дээ олсон дээрхи утгуудаа орлуулж бичвэл :

	A	B	C	D	E
1	Талбайн хэмжээ (x_1)	Өрөө(x_2)	Хонгил (x_3)	Эдэлгээний хугацаа (x_4)	Таамаглаж буй үнэлгээ (y)
2	2310	2	2	20	142,000
3	2333	2	2	12	144,000
4	2356	3	1.5	33	151,000
5	2379	3	2	43	150,000
6	2402	2	3	53	139,000
7	2425	4	2	23	169,000
8	2448	2	1.5	99	126,000
9	2471	2	2	34	142,900
10	2494	3	3	23	163,000
11	2517	4	4	55	169,000
12	2540	2	3	22	149,000

Одоо массивын арга ашиглан дараахь бодолт хийе. A14:E18 мужид бодолтын үр дүнг гаргахыг хүсч байгаа гэж үзэн энэ мужийг идэвхижүүлээд Insert/Function команд өгнө. Командын дунд гарах дараахь цонхны Select a category нүдэнд Statistical сонголтыг хийгээд Select a function нүднээс Linest функцээ сонгоно.

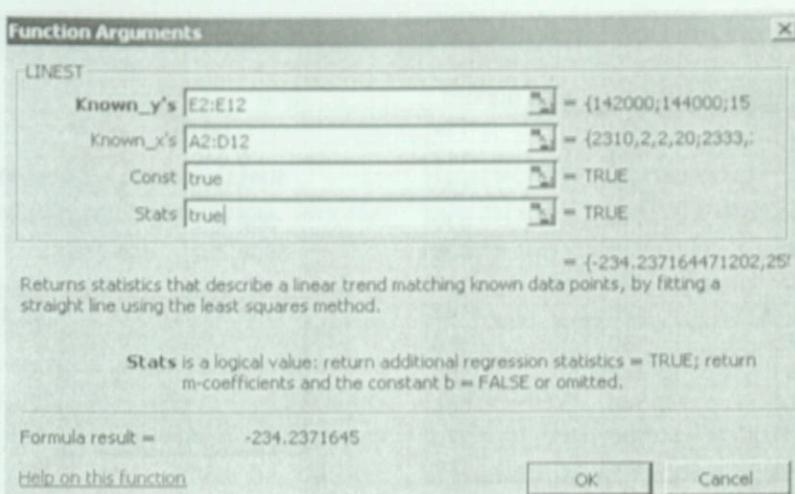
$$y = 27.64 \cdot x_1 + 12530 \cdot x_2 + 2553 \cdot x_3 - 234.24 \cdot x_4 + 52318$$

Гэсэн тэгшитгэл болно. Одоо аж ахуй эрхлэгч энэ тэгшитгэлээ ашиглаад өөрийн сонирхож байгаа талбай, өрөө, хонгил, эдэлгээний хугацаатай ямар ч барилгын үнэлгээг таамаглаж болох



Энэ функцийн аргументуудыг доорх байдлаар заажгөөд CTRL+SHIFT+ENTER товчлууруудыг зэрэг дарна.

Юм. Тухайлбал аж ахуй эрхлэгч 2500 квадрат метр талбайтай, гурван өрөөтэй, хоёр хонгилтой, 25 жилийн эдэлгээний



хугацаатай барилга сонирхсон гэвэл үнэ нь :

$$y = 27.64 \cdot 2500 + 12530 \cdot 3 + 2553 \cdot 2 - 234.24 \cdot 25 + 52318 = \$158261 \text{ болно.}$$

Одоо нэг хувьсагчийн шугаман регрессийн тэгшитгэл $y=mx+b$ ийн хувьд нэгэн жишээ авч үзье. Доорхи цонхонд 1988-1999 оны хоорондох хөгжиж буй эдийн засагтай улсуудын цэвэр орлого (Х тэрбум доллар), нийт хэрэглээ (Y тэрбум

	A	B	C	D	E
14	-234.237164	2553.211	12529.77	27.64139	52317.83
15	13.26801148	530.6692	400.0668	5.429374	12237.36
16	0.996747993	970.5785	#N/A	#N/A	#N/A
17	459.7536742	6	#N/A	#N/A	#N/A
18	1732393319	5652135	#N/A	#N/A	#N/A

Энэ жишээнд детерминацийн коэффициент (A16 нүд) 0.99675 гарчээ. Энэ нь худалдах үнэ болон хамааран хувьсагчдын хооронд хүчтэй хамааралтай байгааг харуулж байна. F - статистик ашиглан өндөр хамааралтай эдгээр үр дүн тохиолдлынх уу, үгүй юу гэдгийг тодорхойлж болох юм. F - ажиглалтын утга F - критик утгаас их байвал эдгээр хувьсагчдын харилцан хамаарал сайн гэж үздэг. F - критик утгыг тооцоходоо Alpha утгыг 0.05, чөлөөний зэргийг v1 = k = 4 болон v2 = n - (k + 1) = 11 - (4 + 1) = 6 (энд k нь хувьсагчийн тоо, n нь өгөгдлийн тоо) гэж авбал F - критик утга 4.53 байгааг олж болох юм. Харин F - ажиглалтын утга 459.753674 (A17 нүд) байгаа ба энэ нь F - критик утга 4.53 - аас их юм. Иймд энэ регресс тэгшитгэлээр барилгын үнэлэгдсэн утга тун сайн илэрхийлэгдсэн гэж үзэж болно.

доллар) өгөгддээ.

Дээрх жишээнээс болдот хийх талаар ойлгох болсон гэж үзээд үр дүн дээр ярилцая.

E2:F6 нүдний статистикуудыг дараах хүснэгтэд илэрхийлсэнээр ойлгоно гэдгийг та бүхэн мэдэж байгаа бизээ.

Энэ хүснэгтээс харахад үнэлэгдсэн регрессийн тэгшитгэл:

$$y=0.862 \cdot x + 2.129 \text{ хэлбэртэй болно.}$$

Стандарталдааны статистикуудыг ашиглан регрессийн коэффициентүүд бодитой эсэхийг шалгая. Эдгээр таамаглалуудыг шалгахдаа үнэлэгдсэн коэффициентүүдийг харгалзах стандарт алдаанд нь харьцуулсан / статистикийг ашиглай. Бидний авч үзэж буй жишээний хувьд стюдентийн

A	B	C	D	E	F	G
1	Нийт хэрэглээ Цэвэр орлого					
2 1	102	114		0.861	2.129	
3 2	106	118		0.049	7.164	
4 3	108	126		0.969	3.395	
5 4	110	130		309.602	10	
6 5	122	136		3568.732	115.268	
7 6	124	140				
8 7	128	148		=LINEST(B2:B13,C2:C13,1,1)		
9 8	130	156				
10 9	142	160				
11 10	148	164				
12 11	150	170				
13 12	154	178				
14						

тархалтын чөлөөний зэрэг нь $12-2=10$ бөгөөд 95%-ийн магадлалд харгалзах онолын утга 2.23 байна. Сул гишүүний t статистикийн утга $2.129/7.164=0.297$, коэффициентийн t статистикийн утга $0.861/0.049= 17.596$ гарчээ. Одоо бид эдгээр утгуудаа өмнөх 10 гэсэн чөлөөний зэрэгтэй t тархалтын онолын утга $2.23-2.23 < 2.23, 17.596 > 2.23$.

тэгшитгэлийн хүчин зүйлүүдийн хамаарал сайн байгааг илэрхийлнэ.

Ийнхүү эрхэм уншигч танд энэхүү функцийн хэрэглээг танилцууллаа. Цаашид өөрсдийн ажил, хичээлд өргөн хэрэглэнэ гэж итгэж байна.

Статистик	Харгалзах нүд	Статистик утга
b0-ийн коэффицент	F2	2.129
b1-ийн коэффицент	E2	0.861
b0-ийн стандарт алдаа	F3	7.164
b1-ийн стандарт алдаа	E3	0.049
детерминациийн коэффицент	E4	0.969
Y-ийн хувь дахь стандарт алдаа	F4	3.395
F-ажиглалтын утга	E5	309.602
F-тархалтын чөлөөний зэрэг	F5	10
Регрессийн квадратуудын нийлбэр	E6	3568.732
Алдааны квадратуудын нийлбэр	F6	115.268

Иймд бидний регрессийн тэгшитгэлийн сул гишүүнийг ач холбогдолгүй, харин X – ийн коэффицент ач холбогдолтой гэж үзэж болох юм. Өөрөөр хэлбэл бид дээрх шутаман регрессийг сул гишүүнгүйгээр цааш нь үнэлэх шаардлагатай боллоо. Сул гишүүнгүйгээр үнэлэхийн тулд өмнөх алхамуудыг давтан гүйцэтгээд linest функцийн хувьд const-f false(0) болгоно. Үнэлэгдсэн сул гишүүнгүй регрессийн тэгшитгэл $Y=0.876*X$ гарна.

Детерминациийн коэффицент 0.969 байгаа нь бидний олсон регрессийн